



**Universidade Federal de Santa Catarina**  
**Centro de Ciências Físicas e Matemáticas**  
**Departamento de Matemática**



**Plano de ensino**  
**Semestre 2021-2**

**I. Identificação da disciplina**

Código	Nome da disciplina	Horas-aula semanais	Horas-aula semestrais
MTM3103	Cálculo 3	Teóricas: 4 Práticas: 0	72

**II. Professor(es) ministrante(s)**

Leonardo Silveira Borges (l.s.borges@ufsc.br)

**III. Pré-requisito(s)**

1. MTM3102 – Cálculo 2
2. MTM3111 – Geometria Analítica

**IV. Curso(s) para o(s) qual(is) a disciplina é oferecida**

Engenharia Civil, Engenharia de Alimentos, Engenharia de Controle e Automação, Engenharia de Materiais, Engenharia de Produção Civil, Engenharia Elétrica, Engenharia Eletrônica, Engenharia Mecânica, Engenharia Química, Engenharia Sanitária e Ambiental, Física – Licenciatura (noturno), Oceanografia.

**V. Ementa**

Integração múltipla: integrais duplas e triplas. Noções de cálculo vetorial: curvas e superfícies. Campos escalares e vetoriais. Integrais de linha e de superfícies. Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

**VI. Objetivos**

Concluindo o programa de MTM3103 – Cálculo 3, o aluno deverá ser capaz de:

- Calcular integrais múltiplas e fazer aplicações destas integrais.
- Identificar funções vetoriais e calcular derivadas e derivadas parciais.
- Calcular derivadas direcionais de funções escalares.
- Parametrizar curvas e superfícies.
- Calcular integrais de linha e de superfície.
- Calcular e interpretar o gradiente, divergente e o rotacional.
- Utilizar os Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

**VII. Conteúdo programático**

Unidade 1. Integração múltipla.

- 1.1 Integral dupla: definição, propriedades.
- 1.2 Cálculo da integral dupla: transformação de variáveis (coordenadas polares).
- 1.3 Aplicações da integral dupla em cálculo de áreas e volumes.
- 1.4 Integral Tripla: definição, propriedades.
- 1.5 Cálculo da integral tripla: transformação de variáveis (coordenadas cilíndricas e esféricas).
- 1.6 Aplicações da integral tripla em cálculo de volumes, centro de massa e momento de inércia.

Unidade 2. Noções de cálculo vetorial.

- 2.1 Funções vetoriais de uma e de várias variáveis.
- 2.1.1 Definição e exemplos.
- 2.1.2 Limite e continuidade.
- 2.1.3 Derivadas e derivadas parciais.
- 2.2 Curvas.
  - 2.2.1 Representação paramétrica: reta, circunferência, elipse, hélice circular.
  - 2.2.2 Curvas em coordenadas polares.
  - 2.2.3 Vetor tangente e reta tangente a uma curva.
  - 2.2.4 Vetor normal e binormal a uma curva.
  - 2.2.5 Interpretação da derivada. Velocidade e aceleração.

- 2.2.6 Comprimento de arco e curvatura.
- 2.2.7 Componentes normal e tangencial da aceleração.
- 2.3 Campos vetoriais e escalares.
  - 2.3.1 Campo escalar.
  - 2.3.1.1 Definição e exemplos.
  - 2.3.1.2 Derivada direcional.
  - 2.3.1.3 Gradiente: definição, exemplos e propriedades.
- 2.3.2 Campos vetoriais.
- 2.3.2.1 Definição e exemplos.
- 2.3.2.2 Representação geométrica.
- 2.3.2.3 Campos centrais. Campos elétrico e gravitacional.
- 2.3.2.4 Campos conservativos.

Unidade 3. Integral de linha e de superfície.

### 3.1 Integral de linha.

- 3.1.1 Integral de linha de campo escalar: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.2 Integral de linha de campo vetorial: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.3 Interpretação física: trabalho, circulação.
- 3.1.4 Integral de linha de campos conservativos. Independência do caminho.

### 3.1.5 Teorema de Green.

### 3.2 Superfícies.

- 3.2.1 Definição e exemplos.
- 3.2.2 Representação paramétrica: plano, esfera e cilindro.
- 3.2.3 Plano tangente e vetor normal a uma superfície.
- 3.2.4 Superfícies orientáveis.
- 3.2.5 Superfícies com bordo.
- 3.2.6 Área de superfície.
- 3.3 Integral de Superfície.
- 3.3.1 Integral de superfície de um campo escalar: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.2 Integral de superfície de um campo vetorial: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.3 Rotacional: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.4 Teorema de Stokes.
- 3.3.5 Divergente: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.6 Teorema da Divergência.

## **VIII. Metodologia de ensino e desenvolvimento do programa**

As atividades pedagógicas não presenciais serão realizadas através de atividades síncronas e assíncronas disponibilizadas aos estudantes no Ambiente Virtual de Ensino e Aprendizagem Moodle, ficando a critério do professor ministrante como distribuí-las. A frequência será controlada através da participação em atividades realizadas no Ambiente Virtual de Ensino e Aprendizagem Moodle, a critério do professor ministrante.

## **IX. Metodologia de avaliação**

O aluno será avaliado através de 3 provas que serão realizadas ao longo do semestre letivo. Será calculada a média aritmética (ou ponderada) das notas obtidas nas avaliações e será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0.

## **X. Avaliação final**

De acordo com o parágrafo 2º do artigo 70 da Resolução 17/Cun/97, o aluno com frequência suficiente e média das avaliações do semestre de 3,0 a 5,5 terá direito a uma nova avaliação, no final do semestre, abordando todo o conteúdo programático. A nota final desse aluno será calculada através da média aritmética entre a média das avaliações anteriores e a nota da nova avaliação.

## **XI. Cronograma teórico**

Será definido pelo professor ministrante.

## **XII. Cronograma prático**

Não se aplica.

### XIII. Bibliografia básica

1. CORRAL, M.: Vector Calculus. (2008). Disponível em <http://www.mecmath.net>
2. LEITHOLD, L.: O cálculo com geometria analítica, Vol. 2, 3a ed., Harbra (1994)
3. GUIDORIZZI, H.L.: Um curso de cálculo, Vol. 2 e 3, 5a ed., Rio de Janeiro: LTC (2002)
4. MARTINS, Marcos H. S., PEREIRA, Rosimary: Cálculo III e IV, UFSC/EAD/CED/CFM (2010). [http://mtmgrad.paginas.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calcuulo\\_III\\_e\\_IV-MarcosH.S.Martins-RosimaryPereira.pdf](http://mtmgrad.paginas.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calcuulo_III_e_IV-MarcosH.S.Martins-RosimaryPereira.pdf)
5. SOUZA, Joel Santos, QUISPE GOMEZ, Felix Pedro: Cálculo III. Florianópolis: UFSC (2009). Disponível em [http://mtmgrad.paginas.ufsc.br/files/2020/08/Calculo\\_III.pdf](http://mtmgrad.paginas.ufsc.br/files/2020/08/Calculo_III.pdf)
6. STEWART, J.: Cálculo, Vol. 2, 7a ed., São Paulo: Cengage Learning (2013)
7. TANEJA, Inder Jeet, JANESCH, Silvia Martini de Holanda: Cálculo II. Florianópolis: SE-AD/UFSC (2007). Disponível em [https://mtm.grad.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calcuulo\\_II-SilviaM.Holanda-InderJ.Taneja.pdf](https://mtm.grad.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calcuulo_II-SilviaM.Holanda-InderJ.Taneja.pdf)
8. VILCHES, Mauricio A., CORRÊA, Maria Luiza: CÁLCULO II: VOLUME II, Departamento de Análise-IME, UERJ. Disponível em <https://www.ime.uerj.br/livros-apostilas-e-tutoriais-2/>
9. VILCHES, Mauricio A., CORRÊA, Maria Luiza: CÁLCULO VETORIAL, Departamento de Análise-IME, UERJ. Disponível em <https://www.ime.uerj.br/livros-apostilas-e-tutoriais-2/>

### XIV. Bibliografia complementar

1. ANTON, H. et al.: Cálculo, 8<sup>a</sup> ed., Vol. 2, Porto Alegre: Bookman (2007).
2. THOMAS, G. et al.: Cálculo, Vol. 2, 11<sup>a</sup> ed., São Paulo: Addison Wesley (2009).
3. GONÇALVES, M. B. et al.: Cálculo B : Funções de várias variáveis integrais duplas e triplas, 2<sup>a</sup> ed., São Paulo: Makron Books (2007).
4. GONÇALVES, M. B. et al.: Cálculo C : funções vetoriais, integrais curvilíneas, integrais de superfície, 3<sup>a</sup> ed., São Paulo: Makron Books (2004).
5. PINTO, D., CÂNDIDA, M. e MORGADO, F.: Cálculo Diferencial e Integral de Funções de Várias Variáveis, Editora UFRJ.

Florianópolis, 16 de setembro de 2021.

---

Professor Leonardo Silveira Borges